**Chapitre 6**

**DISTANCES**

**I – Segment**

**Définition** : La **longueur** d’un segment [A B] est la distance entre ses extrémités A et B.

Cette longueur est notée AB ou BA

**Exemples** :

AB = 4,2 cm

**Définition** : Le **milieu** d’un segment [AB] est le point à égale distance des extrémités A et B. Et I est sur le segment.

Ce qui signifie : **I ∈[AB] et AI = IB**

**Exemple :**

|  |  |
| --- | --- |
|  | CD=5,2 cm I est le milieu de [CD]Donc I **∈** [CD]Et IC = ID = 5,2 :2 = 2,6 cm |

**II – Cercle – Disque**

**Définition :** Le **cercle** de centre O et de rayon R est l »’ensemble des points situés à la même distance R du point O.

Exemple : Tracer un cercle Ɛ de centre O et de rayon 5 cm

Ɛ est le cercle de centre O et de rayon R = 5 cm

A∈ Ɛ donc [OA] est un rayon

Donc OA = OB = OC = 5 cm

**Propriétés** :

* Quand ces points appartiennent à un même cercle, alors ces points sont situés à égale distance du centre.
* Quand ces points sont situés à égale distance d’un point O, alors ces points appartiennent à un même cercle de centre O.

**Définitions :**

* Une **corde** d’un cercle est un segment qui joint deux points du cercle
* Un **diamètre** d’un cercle est une corde de ce cercle qui passe par le centre du cercle.
* Un **arc de cercle**  AB est une portion de cercle comprise entre les points A et B
* Le **disque** D et de rayon R est la surface limitée par le cercle de centre O et de rayon R

Corde [AB] – Diamètre [CD] Disque

Arc-de-cercle EF

**Remarque** : On dit que les points C et D sont **diamétralement opposés**.

**Remarque** : Le périmètre P d’un cercle (Ɛ) de rayon R est donné par la formule suivante :

P = 2 x π x R (2πR : deux « pi » erre : deux pierres)

P = D x π sachant que π = 3,14

**Exemple** :

Calculer le périmètre d’un cercle de rayon 5 cm

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Réponse : | P = 2 x π x RP = 2 x π x 5P ≈ 31,4 | Le périmètre d’un cercle de rayon 5 vaut environ 31,4 cm |

**III – Médiatrice d’un segment**

**Définition** : La **médiatrice** d’un segment est la droite qui coupe perpendiculairement ce segment en son milieu.

**Exemple** :

|  |  |
| --- | --- |
|   | (d) ⊥ (AB)La droite (d) passe par le milieu du segment [AB]Donc (d) est la médiatrice de [AB] |

**Propriétés** :

* Si un point appartient à la médiatrice d’un segment, alors ce point est à la même distance des extrémités du segment.
* Si un point est à la même distance des extrémités d’un segment, alors ce point appartient à la médiatrice de ce segment.

**Exemples d’utilisation** :

1. Tracer un segment [AB] de 9 cm
2. Construire la médiatrice (d) de [AB]
3. Placer un point M appartenant à (d)
4. Que peut-on dire du triangle ABM ? Justifier.

Je sais que (d) est la médiatrice du segment [AB] et M appartient à (d)

Or, si un point appartient à la médiatrice du segment, alors ce point est à égale distance des extrémités de ce segment.

Donc : AM = MB Le triangle AMB est isocèle en M

La **deuxième propriété** permet d’avoir une méthode de construction de la médiatrice d’un segment.

**Méthode de construction de la médiatrice d’un segment** (avec une règle non graduée et un compas) :

|  |  |
| --- | --- |
|  | * J’ouvre mon compas suffisamment grand
* Je trace deux arcs de cercle de centre A
* En gardant la même ouverture, je trace deux arcs de cercle de centre B
* J’obtiens deux points d’intersection donnés par les arcs de cercle, qui appartiennent à la médiatrice de [AB], car ils sont à la même distance de A et de B
* En reliant ces deux points, j’obtiens la médiatrice de [AB]
 |

**Remarque** :

|  |  |
| --- | --- |
|  | On dit que le point M est **équidistant** des points A et B. |